

1 次の行列式の値を求めよ.

$$(1) \begin{vmatrix} 4 & -3 \\ 2 & -5 \end{vmatrix} \quad (2) \begin{vmatrix} -1 & 3 & 1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 1 & -4 & 2 \end{vmatrix} \quad (3) \begin{vmatrix} a & b & c \\ c & a & b \\ b & c & a \end{vmatrix}$$

2 (1) 次の2つの平面ベクトルによって張られる平行四辺形の面積 ( $\geq 0$ ) を求めよ.

$$(a) \begin{pmatrix} 4 \\ 1 \end{pmatrix} \text{ と } \begin{pmatrix} 2 \\ 7 \end{pmatrix} \quad (b) \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix} \text{ と } \begin{pmatrix} -2 \\ 5 \end{pmatrix}$$

(2) 次の3つの空間ベクトルによって張られる平行六面体の体積 ( $\geq 0$ ) を求めよ.

$$(c) \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \\ 5 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 3 \\ -2 \\ 4 \end{pmatrix} \quad (d) \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 0 \end{pmatrix}$$

3 次の  $x$  に関する方程式の解を全て求めよ.

$$(1) \begin{vmatrix} x-1 & 2 \\ 2 & x-1 \end{vmatrix} = 0 \quad (2) \begin{vmatrix} x-1 & -2 \\ -4 & x-3 \end{vmatrix} = 0 \quad (3) \begin{vmatrix} x-1 & -1 & 0 \\ -1 & x-2 & -1 \\ -2 & -5 & x-3 \end{vmatrix} = 0$$

4 次の等式を示しなさい.

$$(1) \begin{vmatrix} a & b_1 + b_2 \\ c & d_1 + d_2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} a & b_1 \\ c & d_1 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a & b_2 \\ c & d_2 \end{vmatrix}$$

$$(2) \begin{vmatrix} a & b & c \\ 0 & d & e \\ 0 & f & g \end{vmatrix} = a \begin{vmatrix} d & e \\ f & g \end{vmatrix}$$

<sup>0</sup>解答: 1 (1)  $-14$  (2)  $-1$  (3)  $a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$  2 (1) (a)  $26$  (b)  $19$  (2) (c)  $25$  (d)  $0$  3 (1)  $x = -1, 3$  (2)  $x = -1, 5$  (3)  $x = 0, 1, 5$  4 略