

1 行列  $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 0 \\ -1 & 4 & 1 \\ -3 & 0 & 2 \end{pmatrix}$  に対し, 以下の問いに答えよ.

- (1)  $A$  の行列式  $|A|$  を計算せよ.
- (2)  $A$  の  $(i, j)$  余因子  $\Delta_{ij}$  ( $1 \leq i, j \leq 3$ ) を全て求めよ.
- (3)  $B$  を  $(i, j)$  成分が  $\Delta_{ij}$  に等しい行列とする. 次の行列を計算せよ. ただし  ${}^tB$  は  $B$  の転置行列を表す.
  - (a)  $A({}^tB)$
  - (b)  $({}^tB)A$
- (4)  $A$  の逆行列  $A^{-1}$  を求めよ.

2 次の行列式を求めよ. ただし, 文字を含むものは因数分解して答えよ.

$$\begin{array}{cccc}
 (1) \begin{vmatrix} -3 & 1 & -1 \\ 2 & -1 & 3 \\ -1 & -2 & 1 \end{vmatrix} & 
 (2) \begin{vmatrix} 0 & 1 & 1 & 3 \\ 1 & 3 & 3 & 2 \\ 1 & 0 & -1 & 2 \\ 4 & 3 & 0 & 1 \end{vmatrix} & 
 (3) \begin{vmatrix} 0.2 & 0 & 0.3 & 0.4 \\ 20 & 70 & 80 & 0 \\ 0.4 & 1.4 & 0 & 0.6 \\ 10 & 25 & 5 & 35 \end{vmatrix} & 
 (4) \begin{vmatrix} a & a & a & a \\ a & b & b & b \\ a & b & c & c \\ a & b & c & d \end{vmatrix}
 \end{array}$$

---

<sup>0</sup>解答：1 (1) 13 (2)  $(\Delta_{ij}) = \begin{pmatrix} 8 & -1 & 12 \\ -6 & 4 & -9 \\ 3 & -2 & 11 \end{pmatrix}$  (3-a)  $\begin{pmatrix} 13 & 0 & 0 \\ 0 & 13 & 0 \\ 0 & 0 & 13 \end{pmatrix}$  (3-b)  $\begin{pmatrix} 13 & 0 & 0 \\ 0 & 13 & 0 \\ 0 & 0 & 13 \end{pmatrix}$  (4)  $\frac{1}{13} \begin{pmatrix} 8 & -6 & 3 \\ -1 & 4 & -2 \\ 12 & -9 & 11 \end{pmatrix}$  2

(1) -15 (2) -7 (3) -422 (4)  $a(b-a)(c-b)(d-c)$

<sup>0</sup>※この講義に関する情報は次の Web サイトを参照すること. <http://fuji.ss.u-tokai.ac.jp/nasu/2015/lasp.html>