

微分積分学 2, 期末試験準備問題

2015/7/20 担当: 那須

学生証番号

氏名

点数

1 (1) 次の特異積分および無限積分を求めよ.

(a) $\int_0^{16} \frac{1}{\sqrt[4]{x^3}} dx$

(b) $\int_1^{\infty} -2xe^{-x^2} dx$

(2) 曲線 $y = x^2 - 3x - 4$ と直線 $y = x + 1$ で囲まれる図形の面積を求めよ.

2 (1) 次の関数を偏微分せよ.

(a) $z = \frac{x}{1-x-y}$

(b) $z = \cos^{-1} xy$

(2) 関数 $z = e^{x^3+y^3}$ の第2次偏導関数 z_{xx}, z_{xy}, z_{yy} を求めよ.

3 (1) 関数 $z = x^4 - xy + y^3$ の $(x, y) = (-2, 1)$ における接平面の方程式を求めよ.

(2) $z = \frac{x-y}{x+y}$, $x = \sin t$, $y = \cos t$ で表される合成関数 $z(x(t), y(t))$ について, $\frac{dz}{dt}$ を t の式で表せ.

(3) $z = e^{x+y}$, $x = st$, $y = s + t$ で表される合成関数 $z(x(s, t), y(s, t))$ について, 偏導関数 z_s, z_t を求めよ.

4 (1) 陰関数表示 $y^3 - xy^2 + 5x^2 + y = 0$ で表された関数 y について, $\frac{dy}{dx}$ を求めよ.

(2) 2変数関数 $f(x, y) = x^3 + 3xy - y^3 - 1$ の極値をすべて求めよ.